

**St.Gallische Kantonsschulen
Gymnasium**

Aufnahmeprüfung 2012

Mathematik 1

ohne Taschenrechner

Dauer: 90 Minuten

Kandidatennummer: _____

Summe:

Geburtsdatum: _____

Note:

Aufgabe	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13
Punkte													

Löse die Aufgaben auf diesen Blättern. Der Lösungsweg muss aus der Darstellung klar ersichtlich sein.

Aufgabe 1

Bei der Produktion von MP3-Playern durchlaufen die Geräte nacheinander zwei Qualitätskontrollen. Bei der ersten Kontrolle werden 2% aussortiert. Von denjenigen Geräten, welche die erste Kontrolle bestanden haben, werden bei der zweiten Kontrolle weitere 0.5% ausgemustert.

Wie viele MP3-Player werden ausgeliefert, wenn 10'000 Geräte hergestellt werden?

2 Punkte

Aufgabe 2

Vereinfache folgende Terme so weit wie möglich.

a) $72ab : b - 7(3a - 4b) - \frac{56b^2}{8b} + 6b$

b) $a(a - 3) + 4a - (a - 1)(a + 2)$

c) $\frac{1}{x} - \frac{2x - 2y}{2x^2} + \frac{x - y}{x^2}$

4 Punkte

Aufgabe 3

Überlege, welcher der Schätzwerte dem richtigen Ergebnis am nächsten kommt und kreuze an:

a) $\frac{6.592 \cdot 10^5}{8.42 \cdot 10^2} \approx$ 600 / 800 / 6000 / 8000

- b) Im Labor der „Photocolor Kreuzlingen“ werden jährlich ca. 100 Millionen Fotos entwickelt. Das sind pro Tag durchschnittlich etwa ...
 30'000 / 100'000 / 300'000 / 800'000.

2 Punkte

Aufgabe 4

Verwandle die unterstrichenen Grössen in die verlangten Masseinheiten.

- a) Eine Windturbine des Windkraftwerkes auf dem Mont Soleil im Berner Jura soll jährlich 600'000 kWh elektrische Energie liefern. _____ MWh
- b) Die Nettoleistung des AKWs Gösgen beträgt 970 MW. _____ GW
- c) Rotes Licht hat eine Wellenlänge von 660 nm. _____ mm
- d) Die Taktrate eines PCs beträgt 450 MHz. _____ kHz
- e) 100 g Caramel-Creme haben einen Energiegehalt von 540 kJ. _____ J
- f) Ein Airbus A380 (Masse 500 t) hat bei einer Geschwindigkeit von 910 km/h eine Bewegungsenergie von 16 GJ. _____ kJ

3 Punkte

Aufgabe 5

- a) Berechne den Wert des folgenden Terms.

$$\frac{2011 \cdot 20.11}{2.011 \cdot 201.1} =$$

- b) Fritz hat mit dem Taschenrechner $24.08 \cdot 37.5 = 903$ richtig ausgerechnet.

Bestimme die Ergebnisse der folgenden Rechnungen.

$$0.2408 \cdot 375'000 =$$

$$2.408 \cdot 0.0375 =$$

- c) Berechne und vereinfache so weit wie möglich.

$$\left(\frac{1}{4} + \frac{1}{9}\right) : \left(\frac{5}{6} - \frac{1}{2}\right) =$$

4 Punkte

Aufgabe 6

Gegeben ist die Zahlenfolge mit den Brüchen $\frac{9}{2}, \frac{16}{5}, \frac{25}{8}, \frac{36}{11}, \dots$

Notiere in der Tabelle die nächsten 2 Brüche und bestimme den 48. Bruch dieser Zahlenfolge.

	1.	2.	3.	4.	5.	6.	...	48.
Bruch	$\frac{9}{2}$	$\frac{16}{5}$	$\frac{25}{8}$	$\frac{36}{11}$...	

3 Punkte

Aufgabe 7

Für die Zahl a gilt: $0 < a < 1$, für die Zahl b gilt: $b > 1$.
Welcher Term hat den grössten Wert? Kreuze an.

$a \cdot b$ $\frac{a}{b}$ $\frac{1}{a} - b$ $\frac{1}{a} + b$ b $a + b$

2 Punkte

Aufgabe 8

Es gilt: $\frac{z}{x} = \frac{2z+1}{3y}$

Berechne nun mit Hilfe der gegebenen Gleichung die fehlenden Werte der Tabelle:

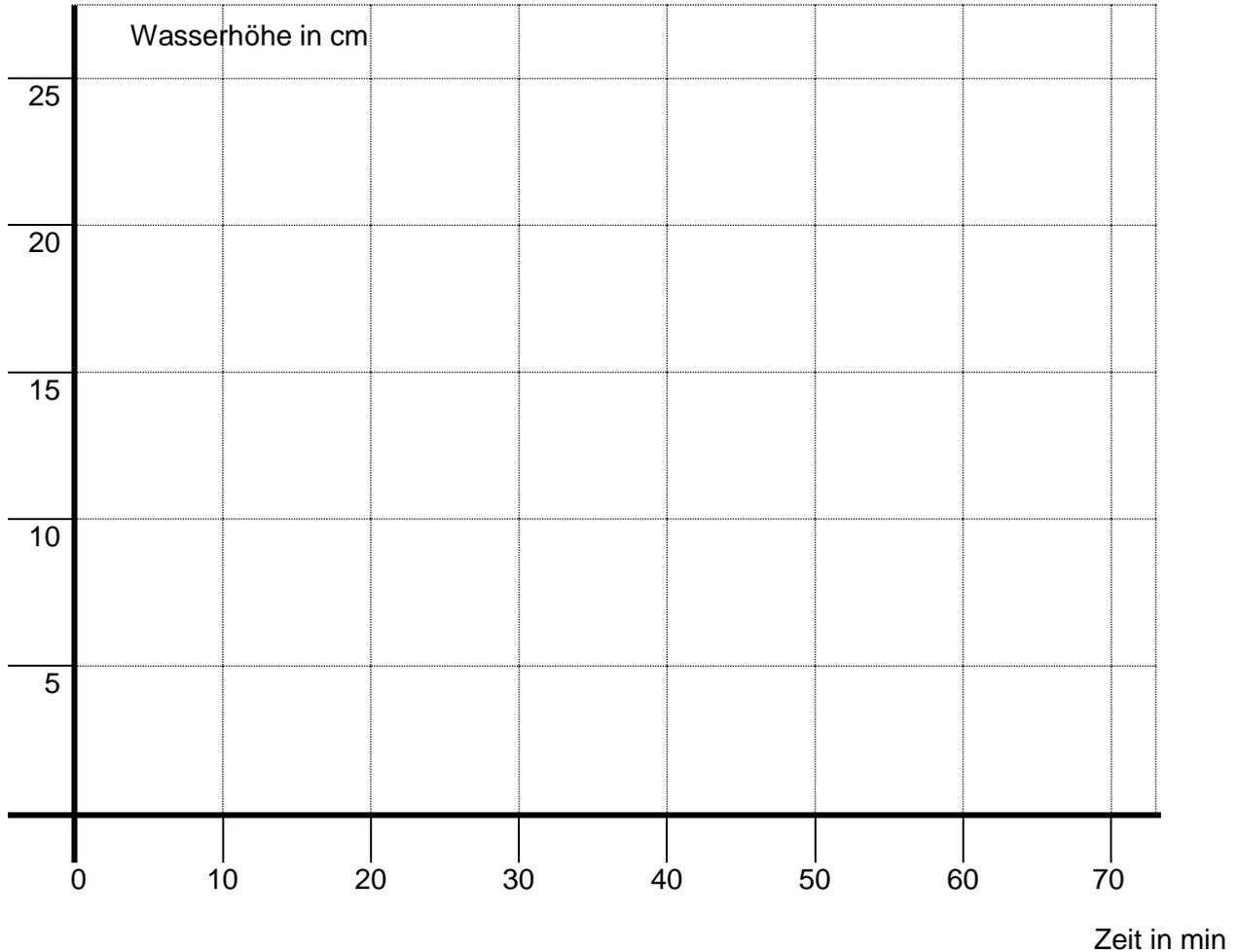
	x	y	z
a)	3	5	
b)	2		4

2 Punkte

Aufgabe 9

Eine zylindrische Pfanne A ist 20 cm hoch mit siedendem Wasser gefüllt. Stellt man sie auf eine Kochherdplatte mit hoher Wärmeleistung, so ist das Wasser in 30 Minuten verdampft. Eine gleiche Pfanne B ist nur 15 cm hoch mit siedendem Wasser gefüllt. Sie wird auf eine Herdplatte mit geringerer Wärmeleistung gestellt und benötigt 60 Minuten bis zur vollständigen Verdampfung.

- a) Zeichne die Graphen des Verdampfungsprozesses in das Diagramm, wenn in beiden Pfannen mit dem Verdampfen zum Zeitpunkt 0 begonnen wird.



Beantworte mit Hilfe des Diagramms folgende Fragen.

- b) Nach wie vielen Minuten ist das Wasserniveau in den beiden Pfannen gleich hoch?
- c) Wie viele cm sind in der Pfanne B verdampft, wenn das Wasserniveau in beiden Pfannen gleich hoch ist? _____
- d) Wie hoch ist das Wasserniveau in der Pfanne B, wenn in der Pfanne A alles Wasser verdampft ist? _____
- e) Wie gross ist der Unterschied des Wasserniveaus in den beiden Pfannen, wenn in Pfanne B ein Drittel des Wassers verdampft ist? _____

3 Punkte

--

Aufgabe 10

Drei Personen A, B und C spielen miteinander. Der Verlierer eines Spiels muss mit seinem Geld die Geldbeträge der anderen beiden Spieler verdoppeln. Im ersten Spiel verliert A, im zweiten Spiel verliert B und im dritten Spiel verliert C.

Nach dem dritten Spiel haben alle drei gleich viel Geld, nämlich je 24 Fr.

Bestimme durch Vervollständigen der Tabelle, wie viel Geld jeder zu Beginn hatte.

	Spieler A	Spieler B	Spieler C
Zu Beginn			
Nach dem 1. Spiel			
Nach dem 2. Spiel			
Nach dem 3. Spiel	24 Fr.	24 Fr.	24 Fr.

3 Punkte

Aufgabe 11

Einem Behälter mit 200 Liter 90%-igem Alkohol werden 20 Liter Flüssigkeit entnommen. Anschliessend wird der Behälter wieder mit Wasser aufgefüllt.

a) Vervollständige die Tabelle.

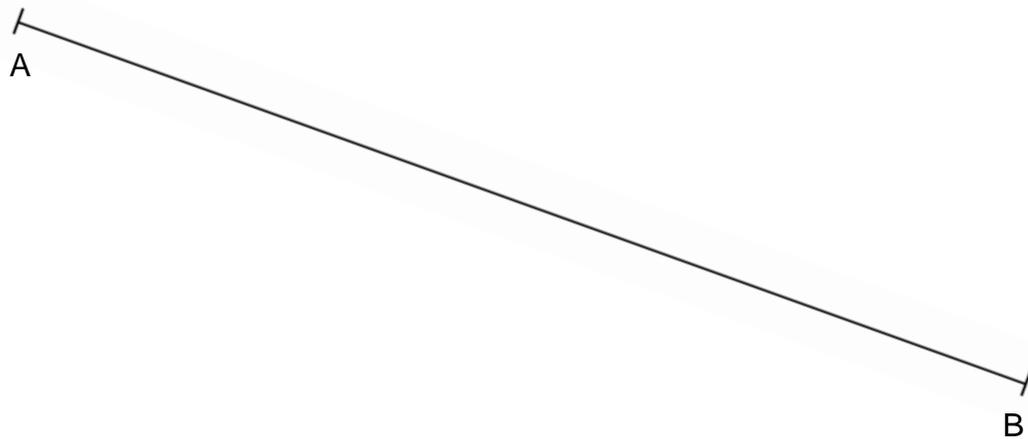
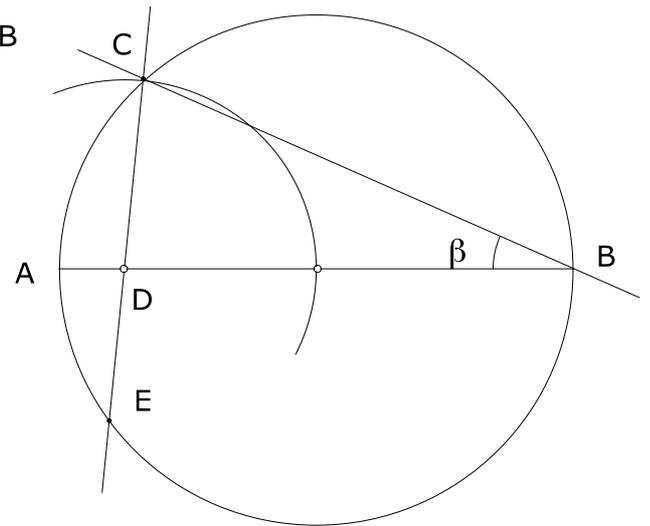
	Flüssigkeit in Liter	Alkohol in Liter	Wasser in Liter
Ausgangssituation	200	180	20
Nach Flüssigkeitsentnahme			
Inhalt des Behälters am Ende			

b) Berechne, wie viel %-ig der Alkohol im Behälter am Ende ist.

3 Punkte

Aufgabe 12

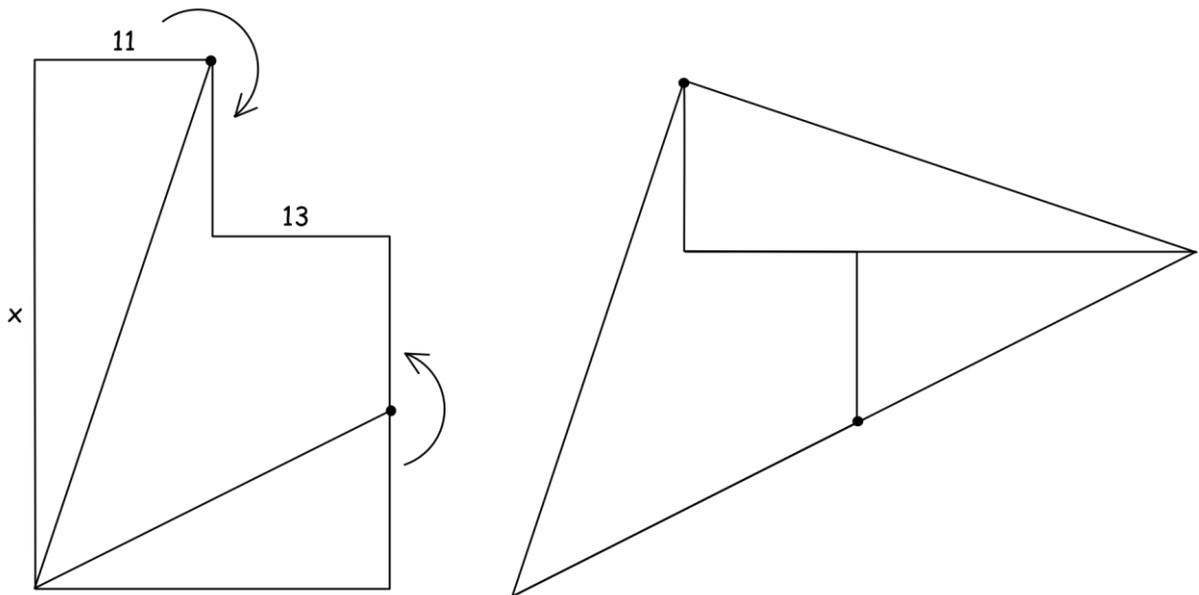
Studiere die nebenstehende Schaufigur.
Konstruiere nun mit Hilfe der gegebenen Strecke AB
und $\beta = 20^\circ$ den Punkt E.



3 Punkte

Aufgabe 13

Von der abgebildeten Figur (linkes Bild) werden zwei Dreiecke abgeschnitten und um die dick markierten Punkte gedreht, so dass ein Dreieck (rechtes Bild) entsteht. Bestimme die Länge der Seite x .



2 Punkte

--